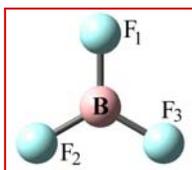


Grupos Puntuales de Simetría

Operación de Simetría: Transformación de la posición de un cuerpo tal que la posición final y es físicamente indistinguible de la inicial y las distancias entre todas las parejas de puntos del cuerpo se mantienen iguales

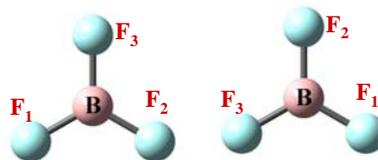
Elemento de Simetría: entidad geométrica (punto, recta, plano) con respecto al cual se efectúa una operación de simetría

Eje de simetría de orden n (C_n): si una **rotación** (\hat{C}_n) de $360/n$ grados da como resultado una configuración indistinguible de la original (donde n es un número entero)



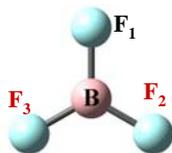
Eje de rotación:

⊥ al plano molecular
Pasando por el átomo de B
($n = 3$)



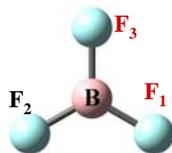
Eje de rotación:

Enlace B-F₁ ($n = 2$)



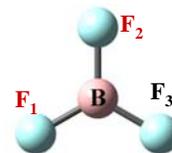
Eje de rotación:

Enlace B-F₂ ($n = 2$)

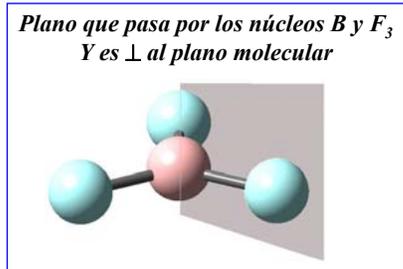
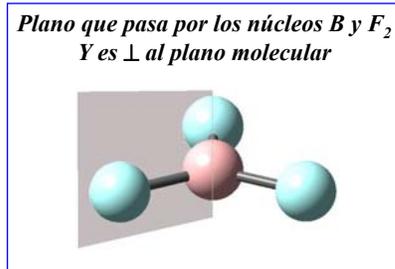
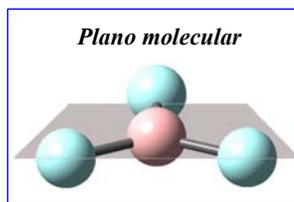
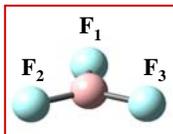
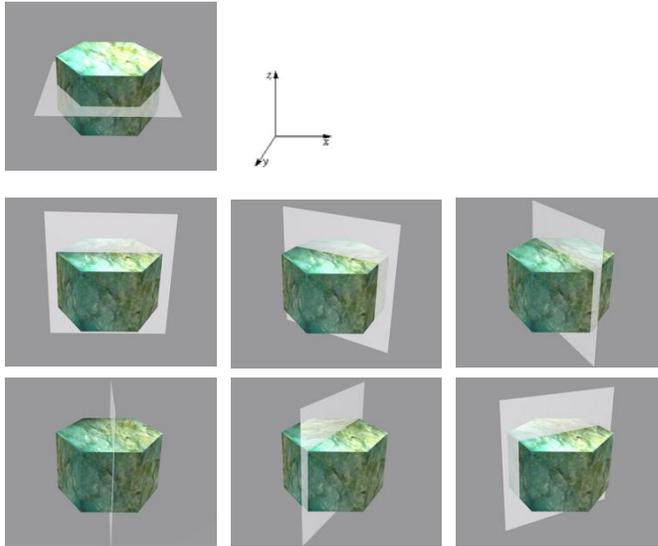


Eje de rotación:

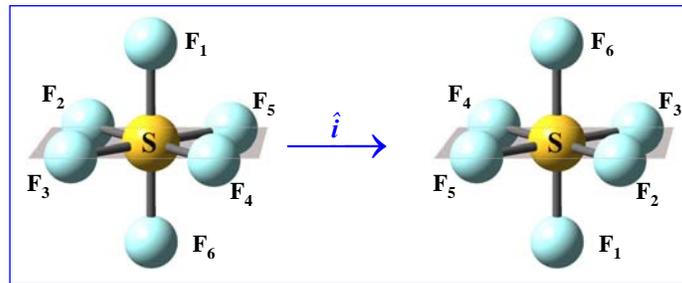
Enlace B-F₃ ($n = 2$)



Plano de simetría (σ): si la **reflexión ($\hat{\sigma}$)** de todos los puntos con respecto a ese plano da una configuración físicamente indistinguible de la original



Centro de simetría (i): si la **inversión (\hat{i})** todos los puntos del cuerpo con respecto al centro conlleva a una configuración indistinguible de la original
 $(x, y, z) \rightarrow (-x, -y, -z)$



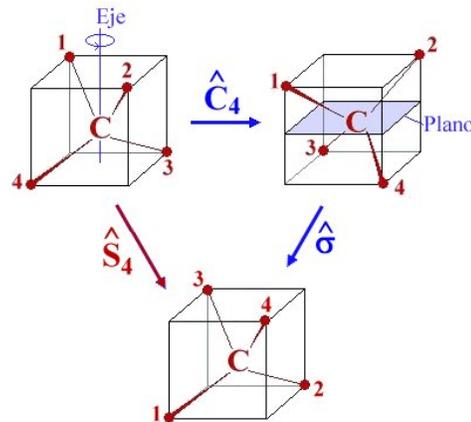
Eje Alternante de simetría de orden n .

Eje impropio

Eje de rotación reflexión (S_n)

Un cuerpo tiene un eje S_n , si la rotación de $(360/n)$ grados alrededor de un eje, seguida de una reflexión en un plano \perp al mismo, conlleva a una conformación indistinguible de la original.

$$\hat{S}_n = \hat{\sigma} \cdot \hat{C}_n$$



Productos de Operaciones de Simetría

Las operaciones de simetría son operadores que transforman el la posición de in cuerpo en el espacio tridimensional.

El producto de dos de estos operadores representa la aplicación sucesiva de los mismos, aplicando primero el operador de la derecha

$$\hat{C}_3 \cdot \hat{C}_3 = \hat{C}_3^2 \quad \text{Rota la molécula } 240^\circ$$

$$\hat{C}_3 \cdot \hat{C}_3 \cdot \hat{C}_3 = \hat{C}_3^3 \quad \text{Rota la molécula } 360^\circ \text{ (posición original)} \quad \therefore \hat{C}_3^3 = \hat{E} \quad \boxed{\hat{C}_n^n = \hat{E}}$$

$$\hat{C}_6^2 = \hat{C}_3 \quad \text{Rotan la molécula } 120^\circ$$

$$\hat{C}_6^3 = \hat{C}_2 \quad \text{Rotan la molécula } 180^\circ$$

Un eje C_n es también un eje C_m
 Si $n/m = \#$ entero

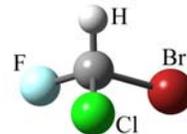
Dos reflexiones sucesivas o
 Dos inversiones sucesivas
 Regresan el sistema a su posición original

p par	p impar
$\hat{\sigma}^p = \hat{E}$	$\hat{\sigma}^p = \hat{\sigma}$
$\hat{i}^p = \hat{E}$	$\hat{i}^p = \hat{i}$

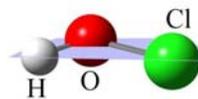
Grupos Puntuales de Simetría

Grupos de Baja Simetría

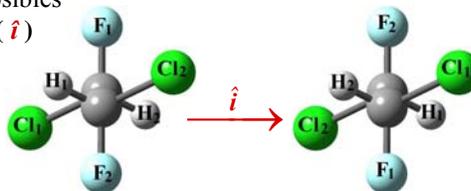
C_1 : No tiene elementos de simetría
 La única operación de simetría posible es la operación **identidad** (\hat{E})



C_s : Sólo 1 plano de simetría
 Operaciones de simetría posibles **identidad** (\hat{E}) y **reflexión** ($\hat{\sigma}$)



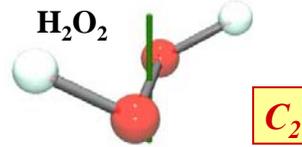
C_i : Sólo 1 centro de simetría
 Operaciones de simetría posibles **identidad** (\hat{E}) e **inversión** (\hat{i})



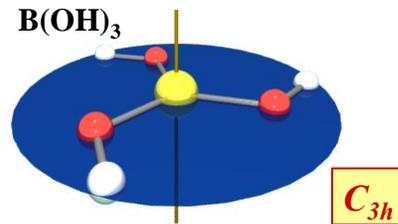
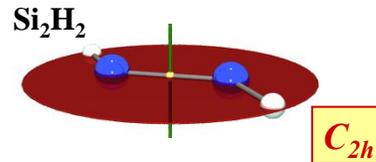
Grupos Puntuales de Simetría

Grupos con 1 solo eje de simetría

C_n ($n=2, 3, 4, \dots$): Sólo 1 eje de simetría
Operaciones de simetría posibles
 $\hat{C}_n, \hat{C}_n^2, \dots, \hat{C}_n^{n-1}, \hat{E}$

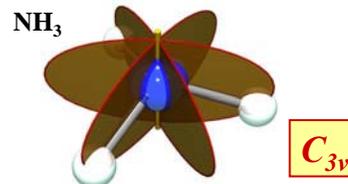
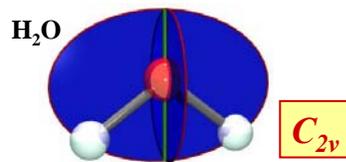


C_{nh} ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje y 1 plano
Operaciones de simetría posibles
 $\hat{\sigma}, \hat{C}_n, \hat{C}_n^2, \dots, \hat{C}_n^{n-1}, \hat{E}$
y como $\hat{\sigma}_h \hat{C}_n = \hat{S}_n$
el eje C_n es también un eje S_n
y si n es par también hay \hat{i}
 $\hat{\sigma}_h \hat{C}_2 = \hat{S}_2 = \hat{i}$

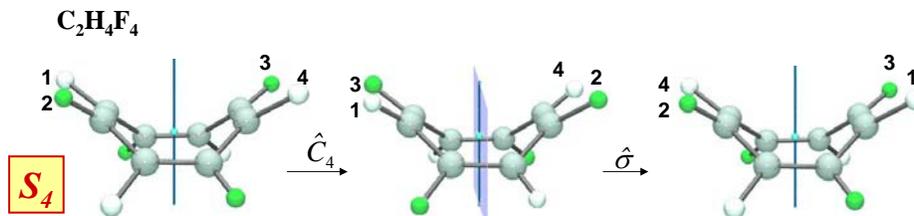


Grupos con 1 solo eje de simetría

C_{nv} ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje y n planos que contienen al eje

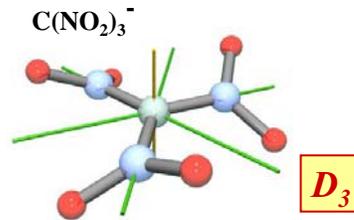


S_n ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje impropio $\hat{S}_n = \hat{\sigma} \cdot \hat{C}_n$

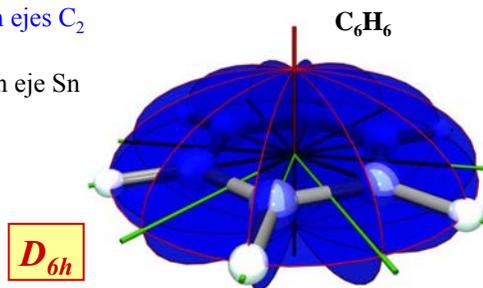


Grupos con 1 eje C_n y n ejes C_2

D_n ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje C_n y n ejes C_2
 \perp al eje C_n (sin plano de simetría)
Ej: grupo D_2 , 3 ejes $C_2 \perp$
 Operaciones de simetría posibles
 $\hat{C}_x^2, \hat{C}_y^2, \hat{C}_z^2, \hat{E}$

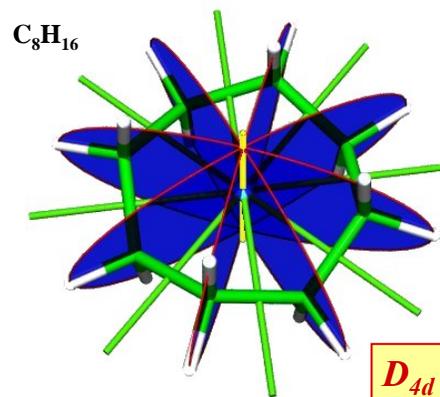
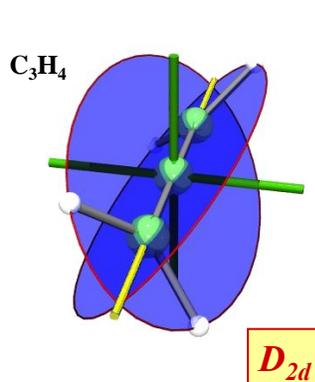


D_{nh} ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje C_n , n ejes C_2
 y 1 plano \perp al eje C_n
 \therefore el eje C_n es también un eje S_n



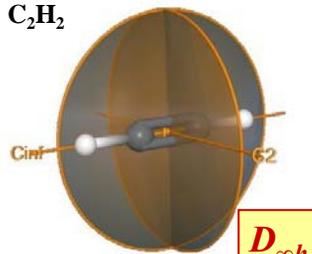
Grupos con 1 eje C_n y n ejes C_2

D_{nd} ($n=2, 3, 4, \dots$): 1 eje C_n , n ejes C_2 y
 n planos conteniendo al eje C_n
 Estos planos se llaman planos
diagonales y se simbolizan como σ_d

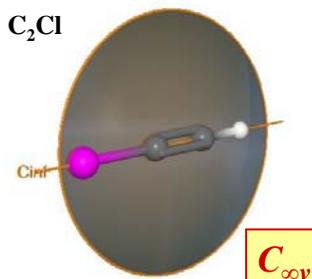


Moléculas Lineales

$D_{\infty h}$: Moléculas con 2 mitades idénticas
1 eje C_{∞} , ∞ ejes C_2 ,
 ∞ planos conteniendo al eje C_{∞}
1 plano \perp al eje C_{∞}

 $D_{\infty h}$

$C_{\infty v}$: Moléculas con 2 mitades diferentes
1 eje C_{∞} ,
 ∞ planos conteniendo al eje C_{∞}

 $C_{\infty v}$

Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

Estos grupos están relacionados con las propiedades de simetría de los sólidos formados por polígonos regulares (*sólidos platónicos*)

Tetraedro:

4 caras triangulares



Cubo:

6 caras cuadradas



Octaedro:

8 caras triangulares



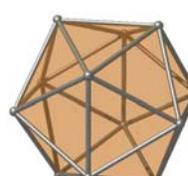
Dodecahedro:

12 caras pentagonales



Icosahedro:

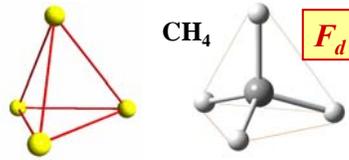
20 caras triangulares



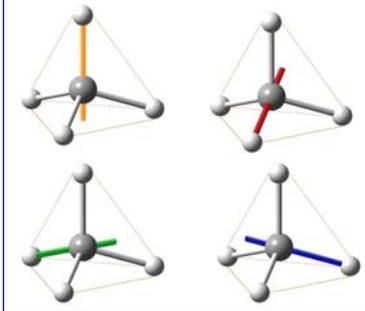
Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

T_d : Pertenecen a este grupo las moléculas que presentan los mismos elementos de simetría que un **tetraedro regular**

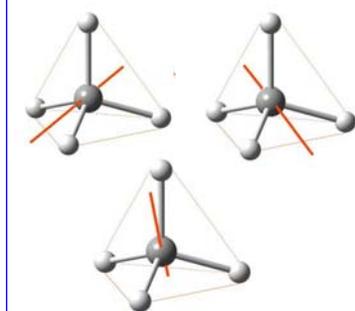
4 ejes C_3 , pasan por el centro y un vértice
3 ejes C_2 , pasan por el centro y un vértice
6 planos, conteniendo pares de ejes C_3



4 Ejes de simetría C_3

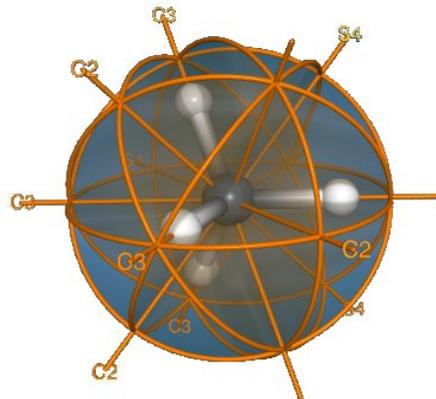
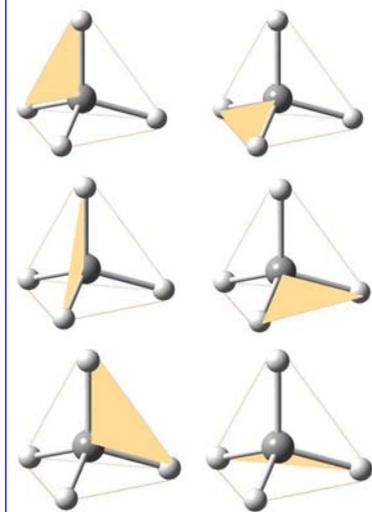


3 Ejes de simetría C_2



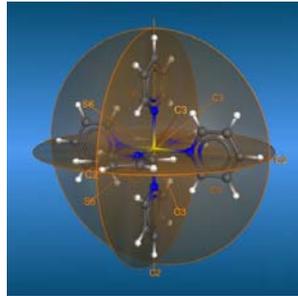
Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

6 Planos de simetría

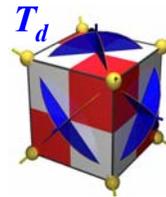
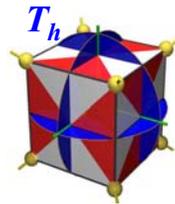
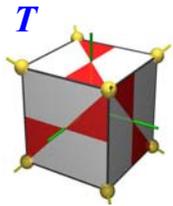
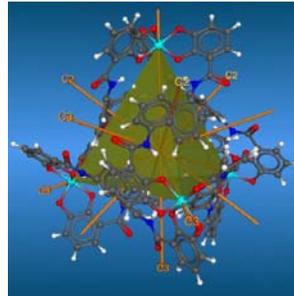


Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

T_h : 4 ejes C_3 , 3 ejes C_2 , 2 planos



T : 4 ejes C_3 , 3 ejes C_2



Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

O_h : Pertenecen a este grupo las moléculas que presentan los mismos elementos de simetría que un **cubo** y un **octaedro regular**

3 ejes C_4 , pasan por los centros de las caras opuestas del cubo

4 ejes C_3 , pasan por los vertices opuestos del cubo

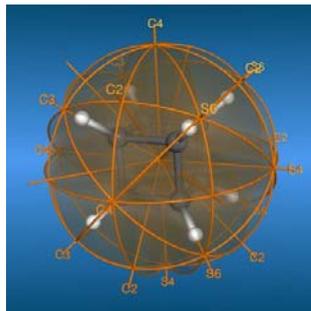
6 ejes C_2 , conectan los puntos medios de las aristas opuestas

3 planos, paralelos a las caras opuestas

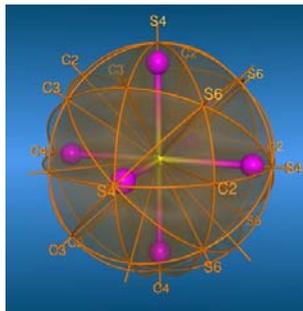
6 planos, pasan por las aristas opuestas y **1 centro**

$O = O_h$,
sin reflexiones,
ni rotaciones impropias

Cubane, C_8H_8



SF_6



Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

I_h : Pertencen a este grupo las moléculas que presentan los mismos elementos de simetría que un **dodecaedro** y un **icosaedro**

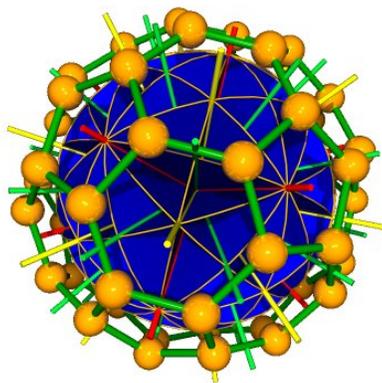
6 ejes C_5 , centros de caras opuestas (D), vértices opuestos (I)

10 ejes C_3 , vertices opuestos (D), centros de caras opuestas (I)

15 ejes C_2 , conectan los puntos medios de las aristas opuestas

15 planos, contienen unpar de C_2 ó C_5 y **1 centro**

$I = I_h$,
sin reflexiones,
ni rotaciones impropias



Fullereno, C_{60}

Grupos con varios ejes C_n (Grupos de Alta simetría)

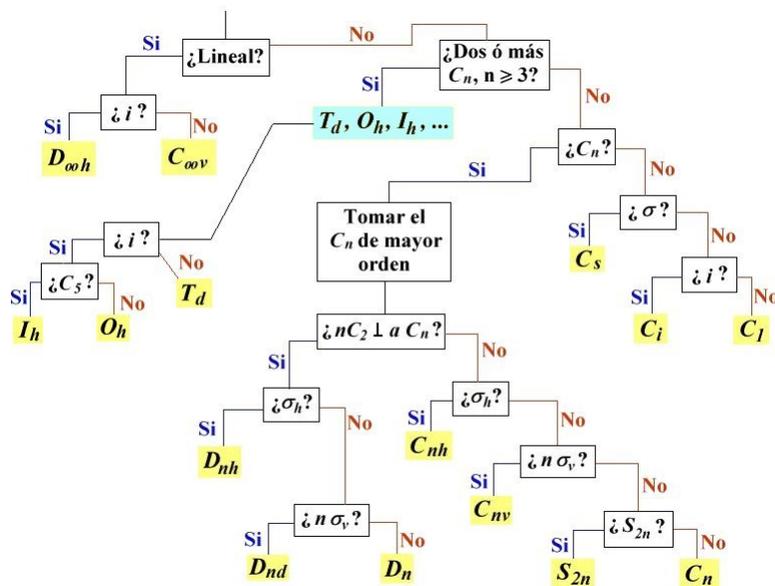
K_h : Simetría de la esfera

Sólo los átomos pertenecen a este grupo

Números de Simetría

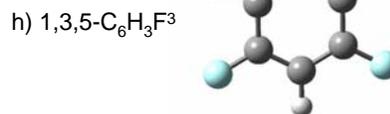
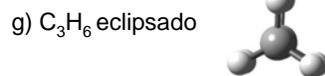
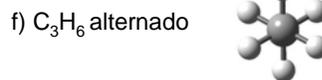
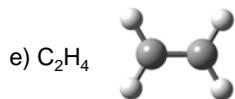
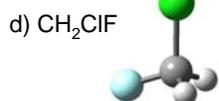
Grupo	σ	Grupo	σ	Grupo	σ
$C_1, C_i, C_s, C_{\infty v}$	1	$D_{\infty h}$	2	T, Td	12
C_n, C_{nv}, C_{nh}	n	S_n	n/2	O_h	24
D_n, D_{nd}, D_{nh}	2n			I_h	60

Esquema para determinar el grupo puntual de simetría de una molécula



Ejercicios

1. Cite los elementos de simetría de las siguientes moléculas:



2. Diga a qué grupo puntual de simetría pertenecen.

